

제 14 장 연습 문제

14-1

14-2

14-3

14-4

14-5

14-6

14-7

14-8

14-9

14-10

14-11

14-12

14-13

14-14

14-15

14-16

14-17

4-18

홈페이지
예제문제

12-2

12-6

12-7

14-1 어떤 이상기체의 온도가 400 K 이다. 이제 기체의 압력을 2.0 kPa 로 일정하게 유지시킨 채 기체의 부피를 0.010 m³ 에서 0.020 m³ 로 증가시킨다. 이 과정동안 기체에는 1.20 kJ 의 열량이 공급되었다고 한다. 이 기체 내부에너지의 변화를 구하여라.

풀이

정압과정이며 열역학1법칙에 의해 내부에너지의 변화를 구할 수 있다.

$$(p = 2.0 \text{ kPa} = 2.0 \times 10^3 \text{ N / m}^2)$$

열역학 제1법칙

$$\Delta E = Q - W$$

열역학적인 일(W)은

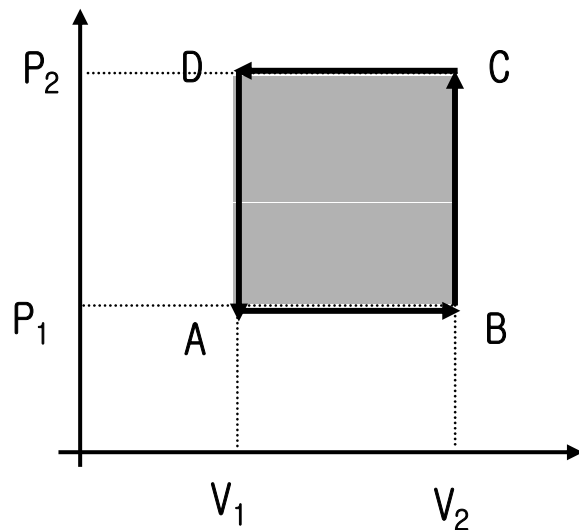
$$\begin{aligned} W &= p\Delta V = p(V_2 - V_1) \\ &= 2.0 \times 10^3 \text{ N / m}^2 \times (0.020 - 0.010) \text{ m}^3 = 20 \text{ J} \end{aligned}$$

열외부에서 공급된 열량은 $Q = 1.20 \times 10^3 \text{ J}$ 이므로

$$\therefore \Delta E = Q - W = 1.2 \times 10^3 \text{ J} - 20 \text{ J} = 1.18 \times 10^3 \text{ J}$$

연습14-2 통 속에 들어있는 기체의 압력과 부피를 측정하여, 기체가 다음 그림과 같이 $A \rightarrow B \rightarrow C \rightarrow D \rightarrow A$ 의 순환 과정을 하는 것을 알 수 있었다. 이 순환 과정을 한번 하는 동안 기체가 외부로부터 흡수한 알짜 열은 얼마인가?

풀이



$$\begin{aligned}\Delta E_{A-B} &= \Delta Q_{A-B} - P_1(V_2 - V_1) \\ \Delta E_{B-C} &= \Delta Q_{B-C} \\ \Delta E_{C-D} &= \Delta Q_{C-D} - P_2(V_1 - V_2) \\ \Delta E_{D-A} &= \Delta Q_{D-A}\end{aligned}$$

순환과정 $\Delta E_{ABCD A} = 0$

$$\Delta E_{ABCD A} = 0 = \Delta Q_{ABCD A} - P_1(V_2 - V_1) + P_2(V_2 - V_1)$$

$$\therefore \Delta Q - P_1(V_2 - V_1) + P_2(V_2 - V_1) = 0$$

$$\Delta Q = (V_2 - V_1)(P_1 - P_2) = -(P_2 - P_1)(V_2 - V_1)$$

열을 방출한다

14-3의 문제에 대한 개념 설명

등온과정 : 온도가 변화없는 과정

📌 온도의 변화가 없으므로, $\Delta E = 0$ [이상기체]

📌 기체가 외부에 한 일 :

$$W = \int_{V_1}^{V_2} P dV = \int_{V_1}^{V_2} \frac{nRT}{V} dV = nRT \ln \frac{V_2}{V_1}$$

📌 기체가 외부로부터 흡수한 열 :

$$Q = \Delta E + W = W$$

▶ $V_2 < V_1$ (압축과정) $Q = W < 0$

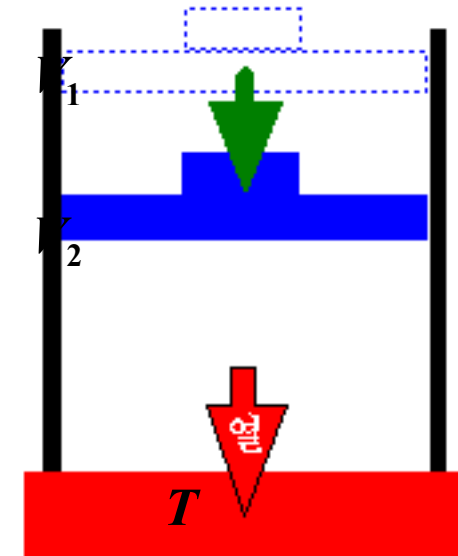
▶ $V_2 > V_1$ (팽창과정) $Q = W > 0$

이상기체의 상태방정식

$$PV = N k_B T = nRT$$

$$N_A = 6.02 \times 10^{23} \text{ [/mole]}$$

$$R = N_A k_B = 8.31 \text{ [J/(mol K)]}$$



연습 14-3 부피가 10m^3 이며 압력이 2.0 기압인 이상기체가 있다. 이 기체를 압축시켜 부피가 5.0m^3 이 되었다. 압축시키는 동안 기체의 온도는 T 로 일정하였다. 기체의 양은 2.0 몰이고 기체상수는 R 이다. (가) 압축 후 기체의 압력은 몇 기압인가? (나) 이 과정에서 기체가 외부에서 흡수한 열은 몇 J 인가.?

풀이

(가) $P_1 V_1 = P_2 V_2 = \text{일정}$ (등온과정)

$$P_2 = \frac{V_1}{V_2} P_1 = \frac{10\text{m}^3}{5.0\text{m}^3} (2.0\text{atm}) = 4.0\text{atm}$$

(나) $Q = \Delta E + P\Delta V = P\Delta V$ (등온 과정이므로 $\Delta E=0$)

$$Q = W = \int P dV = nRT \int \frac{dV}{V} \quad \Leftarrow (P = \frac{nRT}{V})$$

$$Q = nRT \ln V \Big|_{v_1=10}^{v_2=5} = P_1 V_1 \ln V \Big|_{v_1=10}^{v_2=5} \quad \Leftarrow (P_1 V_1 = nRT = \text{일정})$$

$$= -(2.0\text{atm}) (1.012 \times 10^5 \text{Pa} / \text{atm}) \cdot (10\text{m}^3) \cdot (\ln 2)$$

$$= -1.4 \times 10^6 \text{J}$$

외부에 열을 방출함

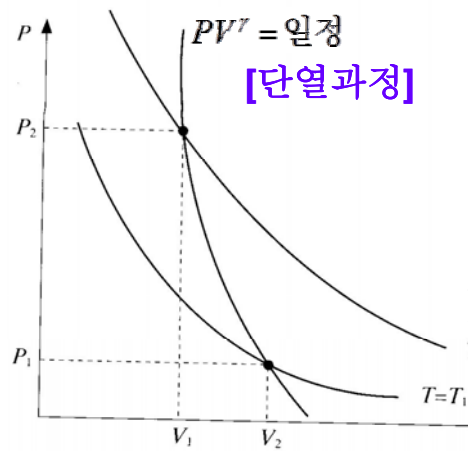
연습14-4 이상기체 1 몰이 그림과 같이 온도 T_1 에서 T_2 로 단열과정을 하는 동안 이 기체가 하는 일 W 는 이 온도들만의 함수임을 보여라.

풀이

단열과정이므로 $PV^\gamma = C$ (C : 상수)

$$P_1 V_1^\gamma = P_2 V_2^\gamma \Rightarrow T_1 V_1^{\gamma-1} = T_2 V_2^{\gamma-1} \Rightarrow \frac{T_2}{T_1} = \left(\frac{V_1}{V_2} \right)^{\gamma-1}$$

$$(P_1 V_1 = nRT_1, P_2 V_2 = nRT_2)$$



$$W = \int_{V_1}^{V_2} P dV = \int_{V_1}^{V_2} \frac{C}{V^\gamma} dV = C \int_{V_1}^{V_2} V^{-\gamma} dV = -\frac{C}{\gamma-1} [V_2^{-(\gamma-1)} - V_1^{-(\gamma-1)}]$$

$$= \frac{P_1 V_1^\gamma}{\gamma-1} \left[\frac{1}{V_1^{\gamma-1}} - \frac{1}{V_2^{\gamma-1}} \right] = \frac{P_1 V_1}{\gamma-1} \left[1 - \left(\frac{V_1}{V_2} \right)^{\gamma-1} \right]$$

$$= \frac{nRT_1}{\gamma-1} \left(1 - \frac{T_2}{T_1} \right)$$

연습14-5 그림과 같이 어떤 이상기체가 처음 상태 A에서 B와 C를 거쳐 다시 A인 상태로 돌아왔다. (가) 각각의 과정에서 기체가 외부에서 받은 열량 Q, 외부에 한 일 W, 내부에너지의 변화량 E의 부호를 +, - 또는 0으로 표시하라. (나) 다시 제자리로 돌아왔을 때에 기체가 한 일을 구하여라

풀이

순환과정 $\Delta E = 0$ (가) (AB)정압과정 $\Delta E_{AB} > 0$ ($\because \Delta KE = \frac{3}{2} P \Delta V > 0$)

$$W_{AB} = 40J, Q_{AB} = \Delta E_{AB} + 40J > 0$$

(BC)정적과정 $W_{BC} = 0J$

$$\Delta E_{BC} = Q_{BC} = C_V \Delta T > 0$$

$$(\because V \Delta P = NR \Delta T \Rightarrow P > 0 \text{ 이면 } \Delta T > 0)$$

(CA)수축과정 $W_{CA} = -60J$

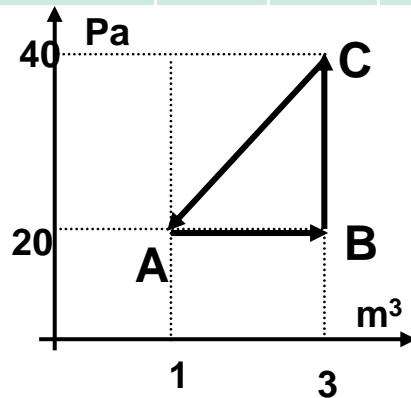
$$0 = \Delta E = \Delta E_{AB} + \Delta E_{BC} + \Delta E_{CA} \Rightarrow \Delta E_{CA} = -(\Delta E_{AB} + \Delta E_{BC}) < 0$$

$$Q_{CA} = \Delta E_{CA} + W_{CA} < 0$$

$$(나) \Delta E_{ABC} = 0 = \Delta Q_{ABC} - W \Rightarrow \Delta Q_{ABC} = W$$

$$W = -\frac{1}{2} \times 2 \times 20 = -20(J)$$

	Q	W	ΔE
A에서 B	+	+	+
B에서 C	+	0	+
C에서 A	-	-	-



연습 14-6 부피가 10m^3 이며 압력이 4.0 기압인 이상기체가 있다. 이 기체가 팽창하여 부피가 20m^3 이 되었다. 팽창하는 동안 기체의 온도는 T 로 일정하였다. 기체의 양은 3.0 몰 이고 기체상수는 R 이다. (가) 팽창 후 기체의 압력은 몇 기압인가? (나) 이 과정에서 기체가 외부에 한 일은 몇 J 인가? (다) 이 과정에서 기체가 외부로부터 받은 열량은 얼마인가?

풀이

(가) $P_2 = ? \quad T = \text{일정}$

$T = \text{일정, (등온과정)}$

$$P_1 V_1 = P_2 V_2 = nRT = \text{일정} \quad (\text{등온과정})$$

$$P_2 = \frac{V_1}{V_2} P_1 = \frac{10\text{m}^3}{20\text{m}^3} (4.0\text{atm}) = 2.0\text{atm}$$

(나) $W = \int P dV = nRT \frac{dV}{V} \quad \Leftarrow (P = \frac{nRT}{V}, \Delta E = 0) \quad (P_1 V_1 = nRT = \text{일정})$

$$W = nRT \ln V \Big|_{v_1=10}^{v_2=20} = P_1 V_1 \ln V \Big|_{v_1=10}^{v_2=20} = 10 \times 4 \times 1.012 \times 10^5 \cdot (\ln 2) = 2.8 \times 10^6 J$$

(다) $Q = \Delta E + W \quad (\text{등온 과정이므로 } \Delta E = 0)$

$$Q = W = 2.8 \times 10^6 J$$

연습 14-7 어떤 물질의 상태방정식이 $P = \frac{AT - BT^2}{V}$

와 같이 주어진다. 압력은 $P=P_0$ 로 일정하고 온도가 T_1 에서 T_2 로 변했을 때의 일을 계산하여라.

풀이

$$PV = AT - BT^2 \Rightarrow PdV = (A - 2BT) \cdot dT$$

$$\begin{aligned} W &= \int PdV = \int (A - 2BT) dT \\ &= \int_{T_1}^{T_2} (A - 2BT) dT = AT - BT^2 \Big|_{T_1}^{T_2} \\ &= A(T_1 - T_2) - B(T_1 - T_2)^2 \\ &= (T_1 - T_2) \{A - B(T_1 + T_2)\} \end{aligned}$$

연습 14-8 1몰의 이상기체가 등온팽창하고 있다. 기체에 전달되는 열량을 초기 부피 V_i 와 최종부피 V_f 그리고 온도 T 로 나타내어라

풀이

등온팽창이므로

$$\Delta E = Q - W \Rightarrow Q = W \quad (\because \Delta E = 0)$$

$$(PV = nRT, n = 1)$$

$$Q = W = \int_{V_1}^{V_2} P dV = \int_{V_1}^{V_2} \frac{RT}{V} dV = RT \ln \left(\frac{V_2}{V_1} \right)$$

연습 14-9 단원자 이상기체의 부피를 두 배로 증가시킨다. (가) 온도를 일정하게 유지시켰다면 압력은 몇 배가 되는가? (나) 단열과정이었다면 압력은 몇 배가 되는가?

풀이

(1) 등온과정 : $T = \text{일정}$

$$P_1 V_1 = P_2 V_2 = nRT = \text{일정}$$

$$P_2 = \frac{V_1}{V_2} P_1 = \frac{V_1}{2V_1} P_1 = \frac{P_1}{2}$$

압력은 $\frac{1}{2}$ 배

(2) 단열과정 : $Q = 0$

$$P_1 V_1^\gamma = P_2 V_2^\gamma = \text{일정}$$

$$\text{단원자분자의 } \gamma = \frac{C_p}{C_v} = \frac{\frac{5}{2}RT}{\frac{3}{2}RT} = \frac{5}{3}$$

$$P_2 = \frac{V_1^\gamma}{V_2^\gamma} P_1 = \left(\frac{V_1}{2V_1} \right)^{\gamma=\frac{5}{3}} P_1 = 2^{-\frac{5}{3}} P_1 \quad \text{압력은 } 2^{-5/3} \text{배}$$

연습 14-10 20° C, 1 기압의 공기가 실린더 안에 들어 있다. 단열과정으로 이 공기의 부피를 반으로 줄인다면 공기의 온도는 몇 도가 되겠는가? 공기는 이원자 이상 기체로 기술된다고 가정한다.

풀이

$$P_1 V_1^\gamma = P_2 V_2^\gamma = \text{일정} \quad (\text{단열과정}) \quad T_1 = 293.15\text{K}$$

$$P_1 V_1 = nRT_1 \Rightarrow, P_1 = \frac{nRT_1}{V_1} \text{을 (1) 에 대입하면} \quad \left(\text{이원자분자의 } \gamma = \frac{\frac{7}{2}RT}{\frac{5}{2}RT} = \frac{7}{5} \right)$$

$$P_1 V_1^\gamma = P_2 V_2^\gamma \Rightarrow T_1 V_1^{\gamma-1} = T_2 V_2^{\gamma-1}$$

$$T_1 \times V_1^{\gamma-1} = T_2 \left(\frac{V_1}{2} \right)^{\gamma-1} \quad \left(\because V_2 = \frac{V_1}{2} \right)$$

$$T_2 = T_1 \times 2^{\gamma-1} \Big|_{\gamma=7/5}$$

$$T_2 = 2^{\frac{7}{5}-1} T_1 = 2^{0.4} \times 293.15 = 387\text{K} = 114^\circ\text{C}$$

연습 14-11 어떤 이상기체의 정적 비열 C_v 가 $6.00 \text{ cal/mol} \cdot \text{K}$ 이다. 3 mol 의 기체가 각각 정적과정, 정압과정, 단열 수축의 3 단계를 거치는 동안 온도는 50 K 상승하였다. 아래의 표를 채워라 $C_v = 6.00 \text{ cal/mol} \cdot \text{K} = 25.2 \text{ J/mol} \cdot \text{K}$

풀이

(1) 정적과정 $W_1 = 0$ $\Delta E = \Delta Q - W$

$$\Delta E_1 = Q_1 = nC_v \Delta T = 3 \times (25.2 \text{ J/mol} \cdot \text{K}) \times 50 \text{ K} = 3800 \text{ J}$$

(2) 정압과정

$$W_2 = P \Delta V = nR \Delta T = 3 \times 8.31 \text{ J/mol} \cdot \text{K} \times 50 \text{ K} = 1200 \text{ J}$$

$$Q_2 = nC_p \Delta T = 3 \text{ mol} \times (25.2 + 8.31) \text{ J/mol} \cdot \text{K} \times 50 \text{ K} = 5000 \text{ J}$$

$$\Delta E_2 = Q_2 - W_2 = 5000 \text{ J} - 1200 \text{ J} = 3800 \text{ J}$$

(3) 단열수축과정 $Q_3 = 0 \Rightarrow \Delta E_3 = -W \Rightarrow nC_v \Delta T = -W$

$$W_3 = -nC_v \Delta T = -3 \text{ mol} \times 25.2 \text{ J/mol} \cdot \text{K} \times 50 \text{ K} = -3800 \text{ J}$$

$$\Delta E_3 = -W = 3800 \text{ J}$$

$$\text{입자 1개당 운동에너지} = \frac{3}{2} k_B \Delta T = \frac{3}{2} \times 1.38 \times 10^{-23} \text{ J/K} \times 50 \text{ K} = 1.0 \times 10^{-21} \text{ J}$$

	얻은 열량	기체가한일	내부에너지변화	운동에너지변화
정적과정	3800J	0	3800J	$1.0 \times 10^{-21} \text{ J}$
정압과정	5000J	1200J	3800J	$1.0 \times 10^{-21} \text{ J}$
단열수축	0	-3800J	3800J	$1.0 \times 10^{-21} \text{ J}$

열기관

- 열기관 ($\Delta S_M = 0$)

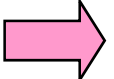
- 높은 온도(T_H)의 열저장체로부터 열을 흡수하여 외부에 일을 하고 낮은 온도의 열저장체로 Q_C 만큼의 열을 방출하는 기관이다, (열기관의 내부에너지는 변함이 없다.)

$$Q_H = Q_C + W$$

- 열 효율 :

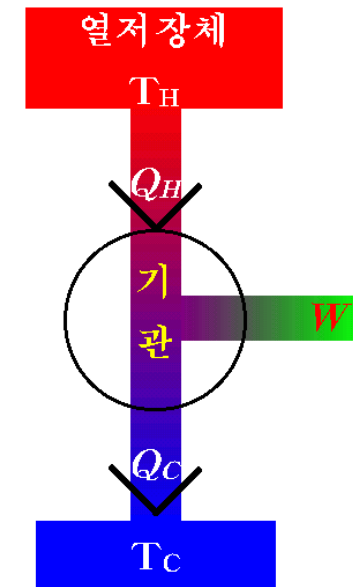
$$e = \frac{W}{Q_H} = 1 - \frac{Q_C}{Q_H}$$

$$\Delta S_{\text{total}} = \Delta S_M + \Delta S_{T_H} + \Delta S_{T_C} = -\frac{Q_H}{T_H} + \frac{Q_C}{T_C} \geq 0$$

– 실제적인 열기관 :  $e \leq 1 - \frac{T_C}{T_H}$

• 이상적인 열기관의 열효율 :

$$e = 1 - \frac{T_C}{T_H}$$



연습 14-12 어떤 열기관이 한 주기마다 400J의 열량을 받아 20J의 일을 한다고 한다.
이 열기관의 열효율을 구하여라. 또, 한 주기마다 배출되는 열량은 얼마인가?

풀이

$$\begin{array}{l} \text{열기관의} \\ \text{열효율} \end{array} \quad e = \frac{W}{Q_H} = 1 - \frac{Q_C}{Q_H} \quad Q_H - Q_C = W$$

$$Q_H = 400J, \quad W = 20J$$

$$\text{열효율:} \quad e = \frac{W}{Q_H} = \frac{20J}{400J} = \frac{1}{20} = 0.05$$

$$\text{배출된 열량:} \quad Q_C = Q_H - W = (400 - 20)J = 380J$$

연습 14-13 어떤 운전 중인 자동차 엔진 온도가 2500 °C라고 한다. 외부 온도가 20 °C 라고 할 때, 자동차 엔진을 이상기관이라고 가정하여 얻을 수 있는 최대 열효율은 얼마인가?

풀이

실제 기관의 열효율

$$e \leq 1 - \frac{T_C}{T_H}$$

섭씨온도는 절대온도로 환산한다.

$$T_H = 2500 + 273.15 = 2773K$$

$$T_C = 20 + 273.15 = 293K$$

이상적인 기관 일 때 최대열효율 :

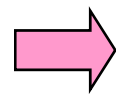
$$e_{ideal} = 1 - \frac{T_C}{T_H} = 1 - \frac{293.15}{2773.15} = 0.89$$

- 냉동기관 :

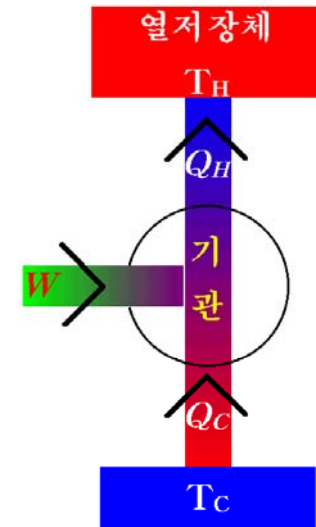
- 실제적인 냉동기관 : 낮은 온도(T_C)의 열저장체로부터 열(Q_C)을 흡수하여 높은 온도의 열저장체로 Q_H 만큼의 열을 방출하는 기관이다. (열기관의 내부에너지는 변함이 없다.)

$$Q_H = Q_C + W$$

$$\Delta S_{\text{total}} = \frac{Q_H}{T_H} - \frac{Q_C}{T_C} = \frac{W}{T_H} - Q_C \left(\frac{1}{T_C} - \frac{1}{T_H} \right) \geq 0$$



$$W \geq Q_C \left(\frac{T_H}{T_C} - 1 \right)$$



- 이상기관 (ideal engine): 가역과정을 수행하는 기관
 - 같은 냉동효과를 얻기 위해 최소로 일을 하는 기관

연습 14-14 카르노 순환과정으로 작동되는 냉장고가 있다고 하자. 냉장고 내부는 -4.0°C , 외부 온도는 20°C 라고 한다. 이 냉장고 안에서 밖으로 100J 의 열량을 빼내려면 얼마만큼의 일을 해 주어야 하는가?

풀이

외부에서 이 기관에 해주어야 하는 일

$$W \geq Q_C \left(\frac{T_H}{T_C} - 1 \right)$$

섭씨온도는 절대온도로 환산한다.

$$T_H = 20 + 273.15 = 293\text{K}$$

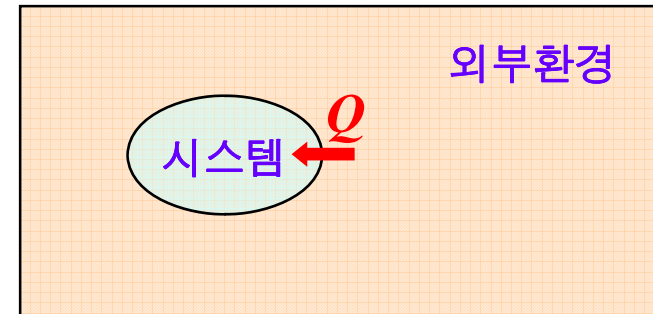
$$T_C = -4 + 273.15 = 269\text{K}$$

100J 의 열을 빼내기 위해 외부에서 이 기관에 해주어야 하는 일

$$W \geq Q_C \left(\frac{T_H}{T_C} - 1 \right) = 100 \left(\frac{293.15}{269.15} - 1 \right) = 8.9\text{J}$$

- 엔트로피의 정의 :

$$\Delta S = S_2 - S_1 = \sum_{1 \rightarrow 2} \frac{Q}{T} = \int_1^2 \frac{dQ}{T}$$



- 가역과정

– 엔트로피의 변화량:

- 시스템 : $\Delta S_{\text{sys}} = \sum_{1 \rightarrow 2} \frac{Q}{T}$ 외부환경 $\Delta S_{\text{env}} = \sum_{1 \rightarrow 2} \frac{(-Q)}{T}$

- 총 엔트로피: $\Delta S_{\text{total}} = \Delta S_{\text{sys}} + \Delta S_{\text{env}} = 0$

- 엔트로피의 미시적 의미

– 시스템의 무질서도를 나타낸다.

[볼츠만의 엔트로피 : $S = k_B \ln \Omega$]

[Ω : 시스템의 미시적 상태 수]

가역과정을 하는 동안, 고립계의 엔트로피는 변하지 않는다.

연습 14-15 금속막대의 한쪽 끝이 온도가 1200K 인 열저장체와 접촉하고 있고, 다른 한쪽 끝은 온도가 300 K 인 열저장체에 연결되어 있다. 온도가 높은 쪽에서 낮은 쪽으로 분당 20J 의 열이 전달된다고 할 때, 전체 엔트로피의 변화율은 얼마인가?

풀이

– 총엔트로피의 변화량 : 두 개의 열 저장체에 의한 엔트로피의 변화량

$$\Delta S = \sum_{1 \rightarrow 2} \frac{\Delta Q}{T} = -\frac{\Delta Q}{T_H} + \frac{\Delta Q}{T_C} = -\frac{20}{1200} + \frac{20}{300} = 0.05(J / K)$$

연습 14-16 2.0mol 의 이상기체가 단열 상태에서 부피가 0.020m^3 에서 0.030m^3 로 증가하였다고 한다. 이 기체의 엔트로피는 얼마나 증가하였는가?

풀이

– 단열과정 $\Delta Q=0$ 이므로 엔트로피 변화량은 0 이다

$$\Delta S = \frac{\Delta Q}{T} = 0$$

연습 14-17 n 몰 이상기체의 부피를 V_1 에서 $2V_1$ 으로 증가시키려고 한다.

- (1) 온도 T 를 유지한 채 등온팽창을 한다면 이 기체가 외부에 한 일은 얼마인가?
- (2) 이 과정 동안 엔트로피 변화는 얼마인가?
- (3) 등온팽창이 아니라 단열팽창을 한다면 엔트로피의 변화는 얼마인가?

풀이

온도의 변화가 없으므로, $\Delta E = 0$ [이상기체]

등온과정 동안 기체가 외부에 한 일 :

$$W = \int_{V_1}^{V_2} P dV = \int_{V_1}^{2V_1} \frac{nRT}{V} dV = nRT \ln 2$$

이 과정 동안 엔트로피 변화는 얼마인가?

열역학 제1법칙 $\Delta E = Q - W = 0 \Rightarrow Q = W$

$$\Delta S = S_2 - S_1 = \int_1^2 \frac{dQ}{T} = nR \ln \frac{V_2}{V_1} = nR \ln \frac{2V}{V_1} = nR \ln 2$$

등온팽창이 아니라 단열팽창을 한다면 엔트로피의 변화는 얼마인가?

- 단열과정 $\Delta Q=0$ 이므로 엔트로피 변화량은 0 이다

$$\Delta S = \frac{\Delta Q}{T} = 0$$

연습 14-18 질량이 100g 이며 온도가 20 °C 인 컵을, 온도가 100 °C 인 물 200g 으로 채웠다. 컵을 이루는 물질의 비열은 0.2cal/g °C 라 한다.

(1) 이 시스템의 최종 온도는 얼마인가?

(2) 평형에 이른 후 시스템의 엔트로피 변화량은 얼마인가?

풀이

$$(1) \text{ 물이 잃은 열량 } Q_H = \Delta mc(100 - t) = (200g)(1)(100 - t)$$

$$\text{컵이 받은 열량 } Q_C = \Delta mc(t - 20) = (100g)(0.2)(t - 20)$$

$$Q_H = Q_C \quad \text{시스템의 최종 온도} \quad \Rightarrow t = 92.7^\circ \text{C}$$

$$Q_H = \Delta mc\Delta t = (200g)(1)(100 - 92.7) = 1460\text{cal} = 6132\text{J}$$

$$T = 92.7^\circ \text{C} + 273.15 = 366\text{K}$$

$$(2) \text{ 엔트로피 양 } \Delta S_1 = \int_{T_1}^T \frac{mcdT}{T} = mc \ln \frac{T}{T_1} = 200 \cdot 1 \cdot \ln \frac{366}{373} = -3.79\text{cal} / \text{K}$$

$$\Delta S_2 = \int_{T_2}^T \frac{mcdT}{T} = mc \ln \frac{T}{T_2} = 100 \cdot 0.2 \cdot \ln \frac{366}{293} = 4.45\text{cal} / \text{K}$$

$$\Delta S_1 + \Delta S_2 = 0.66 \left(\frac{\text{cal}}{\text{K}} \right) \left(\frac{4.2\text{J}}{\text{cal}} \right) = 2.8\text{J} / \text{K}$$

예제 12-2 교과서에는 두 가지의 비열 C_p 와 C_v 만을 정의하고 C_T 는 정의하지 않는다 그 이유는 무엇인가?

풀이

$$C_v = \frac{1}{n} \frac{\Delta Q}{\Delta T} \Big|_v = \frac{1}{n} \frac{\Delta E}{\Delta T} \quad \text{일정한 부피를 유지하면서 기체 1 mol 의 온도를 상승시키는데 필요한 열량}$$

$$C_p = \frac{1}{n} \frac{\Delta Q}{\Delta T} \Big|_p \quad \text{일정한 압력하에서 기체 1 mol 의 온도를 상승시키는데 필요한 열량}$$

비열은 정해진 온도변화를 일으키는데 필요한 열량을 정의하는 값으로 C_T 처럼 일정한 온도를 유지하면서 온도를 상승하는데 필요한 열량을 정의할 수 없다.

예제 12-6 이상기체를 단열과정을 통해 온도를 5 K 내렸다. 그 동안 외부에 100J 의 일을 하였다. 이번에는 어떤 다른 열역학적 과정을 통해 온도를 5 K 내렸더니 외부에 25J 의 일을 하였다. 이 두 번째 과정 동안 기체의 열용량은 얼마인가?

풀이

(1) 단열과정 : 열역학 제 1법칙 $\Delta E = \Delta Q - W$

$$\Delta Q = 0 \Rightarrow \Delta E = -W_1 = -100J$$

온도 5 K 를 내리는 과정: 내부에너지를 일로서 외부에 방출함

(1)의 과정은 열 유입과 유출이 없는 단열과정

(2) 다른 열역학적인 과정 : $\Delta E = -W_1 = \Delta Q - W_2$ (온도 5 k 를 내리는 과정)

$$\Delta Q = W_2 - W_1 = +25J - 100J = -75J$$

$$\therefore C = \frac{\Delta Q}{\Delta T} = \frac{-75J}{-5K} = 15J/K$$

예제 12-7 어떤 가스가 일정한 부피에서 C_v 의 몰 열용량과 일정한 압력에서 C_p 의 몰 열용량을 갖고 있다 (두 개의 몰 열용량은 온도에 의존하지 않는다) 일정한 압력에서 n 몰의 온도가 ΔT 만큼 증가 했을 때 가스가 한 일은 얼마인가?

열역학 제 1법칙 $\Delta E = \Delta Q - W$

풀이

$$W = \Delta Q - \Delta E = (nC_p - nC_v)\Delta T$$

$nC_v = \frac{\Delta E}{\Delta T}$

$nC_p = \frac{\Delta Q}{\Delta T} \Big|_p$